

第一讲:

1. B 2. C 3. A 4. B 5. C 6. B

7. 以点 O 为圆心, 5cm 为半径的圆

8. 60

9. $2\sqrt{3}$

10. $\frac{1}{3}$

11. 5

12. 1 或 7

13. 32cm

14. 3 或 11

15. 3cm

16. $6\sqrt{3} \text{ cm}^2$

17. 20cm

18. 10cm

19. 提示: 作两弦的垂直平分线

20. 提示: 连 DE, 证 $\triangle ADF \sim \triangle AED$

21. 证明: (1) 连接 OE、OD,

$\because \triangle ABC$ 是等腰三角形,

$\therefore \angle B = \angle C$, $AB = AC$,

$\because BC$ 是 $\odot O$ 直径, 点 D、E 在 $\odot O$ 上

$\therefore OB = OC$, $OD = OE$

$\therefore \triangle OBD \cong \triangle OCE$,

$\therefore BD = CE$,

$\therefore AD = AE$;

$\therefore \frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$

$\therefore DE \parallel BC$

(2) 若 D 是 AB 中点,

$\because BC$ 是直径,

$\therefore CD \perp AB$,

$\therefore BC = CA$,

而 $AB = AC$,

$\therefore \triangle ABC$ 是等边三角形.

22. 证明: $\because AB$ 为弦, CD 为直径所在的直线且 $AB \perp CD$,

$$\therefore AD=BD,$$

又 $\because CD=CD$,

$$\therefore \triangle CAD \cong \triangle CBD,$$

$$\therefore AC=BC;$$

又 $\because E, F$ 分别为 AC, BC 的中点, D 为 AB 中点,

$$\therefore DF=CE=\frac{1}{2}AC, \quad DE=CF=\frac{1}{2}BC$$

$$\therefore DF=CE=DE=CF$$

$\therefore$ 四边形 $CEDF$ 是菱形

$$23. (1) \frac{1}{3} \quad (2) 2 \quad (3) 2$$

24. (1) 当然是 GH 不变.

延长 HG 交 OP 于点 E ,

$\because G$ 是 $\triangle OPH$ 的重心,

$$\therefore GH=\frac{2}{3}EH,$$

$\because PO$ 是半径, 它是直角三角形 OPH 的斜边, 它的中线等于它的一半;

$$\therefore EH=\frac{1}{2}OP$$

$$\therefore GH=\frac{2}{3} \times \left(\frac{1}{2}OP\right) = \frac{2}{3} \times \left(\frac{1}{2} \times 9\right) = 3$$

(2) 延长 PG 交 OA 于 C , 则在 $Rt\triangle PHC$ 中, $PH^2 + CH^2 = PC^2$

$$\text{得 } x^2 + \left(\frac{1}{2}\sqrt{9^2 - x^2}\right)^2 = \left(\frac{3}{2}y\right)^2$$

$$\therefore y = \frac{\sqrt{3x^2 + 81}}{3} \quad (0 < x < 9);$$

(3) 如果 $PG=GH$, 则 $y=GH=3$,

解方程: $x=0$,

那 GP 不等于 GH , 则不合意义;

如果, $PH=GH=3$, 则可以解得: $x=3$;

如果, $PH=PG$, 则 $x=y$ 代入可以求得: $x = \frac{3}{2}\sqrt{6}$,

综合上述线段 PH 的长是 $\frac{3}{2}\sqrt{6}$ 或 3.

第二讲:

1、解: (1) 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $AC=6$, $BC=8$, $\angle ACB=90^\circ$

$$\therefore AB=10.$$

过 E 作 $EH \perp AB$, 垂足是 H ,

$$\text{易得: } EH = \frac{3}{5}x, \quad BH = \frac{4}{5}x, \quad FH = \frac{1}{5}x.$$

$$\text{在 } \text{Rt}\triangle EHF \text{ 中, } EF^2 = EH^2 + FH^2 = \left(\frac{3}{5}x\right)^2 + \left(\frac{1}{5}x\right)^2,$$

$$\therefore y = \frac{\sqrt{10}}{5}x \quad (0 < x < 8).$$

(2) 取 ED 的中点 P , 联结 BP 交 ED 于点 G

$$\because ED = 2EF, \quad P \text{ 是 } ED \text{ 的中点, } \therefore EP = EF = PD.$$

$$\therefore \angle FBE = \angle EBP = \angle PBD.$$

$$\because EP = EF, \quad BP \text{ 过圆心, } \therefore BG \perp ED, \quad ED = 2EG = 2DG.$$

$$\text{又 } \because \angle CEA = \angle DEB,$$

$$\therefore \angle CAE = \angle EBP = \angle ABC.$$

$$\text{又 } \because BE \text{ 是公共边, } \therefore \triangle BEH \cong \triangle BEG. \quad \therefore EH = EG = GD = \frac{3}{5}x.$$

$$\text{在 } \text{Rt}\triangle CEA \text{ 中, } \because AC = 6, \quad BC = 8, \quad \tan \angle CAE = \tan \angle ABC = \frac{AC}{BC} = \frac{CE}{AC},$$

$$\therefore CE = AC \cdot \tan \angle CAE = \frac{6 \times 6}{8} = \frac{3 \times 3}{2} = \frac{9}{2}.$$

$$\therefore BE = 8 - \frac{9}{2} = \frac{16}{2} - \frac{9}{2} = \frac{7}{2}.$$

$$\therefore ED = 2EG = \frac{6}{5}x = \frac{6}{5} \times \frac{7}{2} = \frac{21}{5}.$$

(3) 四边形 $ABDC$ 不可能为直角梯形.

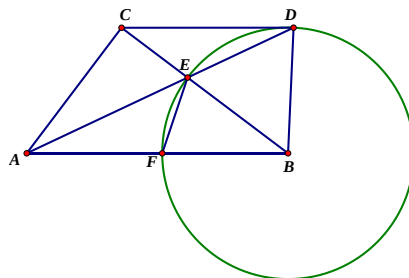
①当 $CD \parallel AB$ 时, 如果四边形 $ABDC$ 是直角梯形,

只可能 $\angle ABD = \angle CDB = 90^\circ$.

在 $\text{Rt}\triangle CBD$ 中, $\because BC = 8$,

$$\therefore CD = BC \cdot \cos \angle BCD = \frac{32}{5},$$

$$BD = BC \cdot \sin \angle BCD = \frac{24}{5} = BE.$$



$$\therefore \frac{CD}{AB} = \frac{\frac{32}{5}}{10} = \frac{16}{25}, \quad \frac{CE}{BE} = \frac{8 - \frac{32}{5}}{\frac{32}{5}} = \frac{1}{4};$$

$$\therefore \frac{CD}{AB} \neq \frac{CE}{BE}.$$

$\therefore CD$ 不平行于 AB , 与 $CD \parallel AB$ 矛盾.

$\therefore$ 四边形 $ABDC$ 不可能为直角梯形.

② 当 $AC \parallel BD$ 时, 如果四边形 $ABDC$ 是直角梯形,

只可能 $\angle ACD = \angle CDB = 90^\circ$.

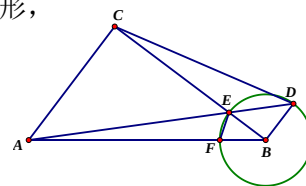
$\because AC \parallel BD, \angle ACB = 90^\circ,$

$\therefore \angle ACB = \angle CBD = 90^\circ.$

$\therefore \angle ABD = \angle ACB + \angle BCD > 90^\circ.$

与 $\angle ACD = \angle CDB = 90^\circ$ 矛盾.

$\therefore$ 四边形 $ABDC$ 不可能为直角梯形.



2、解:

(1) 过点 O 作 $OH \perp CD$, 垂足为点 H , 联结 OC .

在 $\text{Rt}\triangle POH$ 中, $\because \sin P = \frac{1}{3}, PO = 6, \therefore OH = 2.$

$\because AB = 6, \therefore OC = 3.$ 由勾股定理得 $CH = \sqrt{5}.$

$\because OH \perp DC, \therefore CD = 2CH = 2\sqrt{5}.$

(2) 在 $\text{Rt}\triangle POH$ 中, $\because \sin P = \frac{1}{3}, PO = m, \therefore OH = \frac{m}{3}.$

在 $\text{Rt}\triangle OCH$ 中, $CH^2 = 9 - \left(\frac{m}{3}\right)^2.$

在 $\text{Rt}\triangle O_1CH$ 中, $CH^2 = 36 - \left(n - \frac{m}{3}\right)^2.$

可得 $36 - \left(n - \frac{m}{3}\right)^2 = 9 - \left(\frac{m}{3}\right)^2,$ 解得 $m = \frac{3n^2 - 81}{2n}.$

(3) $\triangle POO_1$ 成为等腰三角形可分以下几种情况:

● 当圆心 O_1 、 O 在弦 CD 异侧时

① $OP = OO_1$, 即 $m = n$, 由 $n = \frac{3n^2 - 81}{2n}$ 解得 $n = 9.$

即圆心距等于 $\odot O$ 、 $\odot O_1$ 的半径的和,就有 $\odot O$ 、 $\odot O_1$ 外切不合题意舍去.

$$\textcircled{2} O_1P=OO_1, \text{ 由 } \sqrt{\left(n-\frac{m}{3}\right)^2+m^2}-\left(\frac{m}{3}\right)^2=n,$$

$$\text{解得 } m=\frac{2}{3}n, \text{ 即 } \frac{2}{3}n=\frac{3n^2-81}{2n}, \text{ 解得 } n=\frac{9}{5}\sqrt{15}.$$

$$\bullet \text{ 当圆心 } O_1、O \text{ 在弦 } CD \text{ 同侧时, 同理可得 } m=\frac{81-3n^2}{2n}.$$

$$\because \angle POO_1 \text{ 是钝角, } \therefore \text{只能是 } m=n, \text{ 即 } n=\frac{81-3n^2}{2n}, \text{ 解得 } n=\frac{9}{5}\sqrt{5}.$$

综上所述, n 的值为 $\frac{9}{5}\sqrt{5}$ 或 $\frac{9}{5}\sqrt{15}$.

3、解: (1) $\because OD \perp BM, AB \perp OM, \therefore \angle ODM = \angle BAM = 90^\circ$.

$$\because \angle ABM + \angle M = \angle DOM + \angle M, \therefore \angle ABM = \angle DOM.$$

$$\because \angle OAC = \angle BAM, OC = BM,$$

$$\therefore \triangle OAC \cong \triangle ABM,$$

$$\therefore AC = AM.$$

(2) 过点 D 作 $DE \parallel AB$, 交 OM 于点 E .

$$\because OB = OM, OD \perp BM, \therefore BD = DM.$$

$$\because DE \parallel AB,$$

$$\therefore \frac{MD}{DM} = \frac{ME}{AE}, \therefore AE = EM,$$

$$\because OM = \sqrt{2}, \therefore AE = \frac{1}{2}(\sqrt{2} - x).$$

$$\because DE \parallel AB,$$

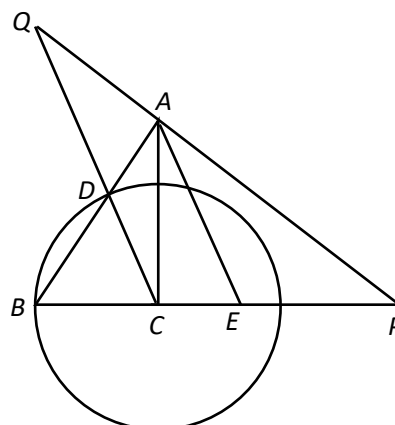
$$\therefore \frac{OA}{OE} = \frac{OC}{OD} = \frac{2DM}{OD},$$

$$\therefore \frac{DM}{OD} = \frac{OA}{2OE}, \therefore y = \frac{x}{x + \sqrt{2}}. (0 < x \leq \sqrt{2})$$

(3) (i) 当 $OA = OC$ 时,

$$\because DM = \frac{1}{2}BM = \frac{1}{2}OC = \frac{1}{2}x,$$

$$\text{在 Rt}\triangle ODM \text{ 中, } OD = \sqrt{OM^2 - DM^2} = \sqrt{2 - \frac{1}{4}x^2}. \therefore y = \frac{DM}{OD},$$



$$\text{即 } 3^2 = \frac{5}{4} \cdot CP$$

$$\therefore CP = \frac{36}{5}$$

$$\textcircled{2} \text{ 设 } CP=t, \text{ 则 } PE = t - \frac{5}{4}$$

$$\because \angle ACB = 90^\circ,$$

$$\therefore AP = \sqrt{9+t^2}$$

$$\because AE \parallel CD$$

$$\therefore \frac{AQ}{AP} = \frac{EC}{EP}$$

$$\text{即 } \frac{AQ}{\sqrt{t^2+9}} = \frac{\frac{5}{4}}{t-\frac{5}{4}} = \frac{5}{4t-5}$$

$$\therefore AQ = \frac{5\sqrt{t^2+9}}{4t-5}$$

$$\text{若两圆外切, 那么 } AQ = \frac{5\sqrt{t^2+9}}{4t-5} = 1$$

此时方程无实数解

$$\text{若两圆内切, 那么 } AQ = \frac{5\sqrt{t^2+9}}{4t-5} = 5$$

$$\therefore 15t^2 - 40t + 16 = 0$$

$$\text{解之得 } t = \frac{20 \pm 4\sqrt{10}}{15}$$

$$\text{又 } \because t > \frac{5}{4}$$

$$\therefore t = \frac{20 + 4\sqrt{10}}{15}$$

第三讲:

1. B;

2. C;

3. A;

4. A.

5. B;

6. B;
 7. C;
 8. D;
 9. 31.2;
 10. >
 11. 4;
 12. 9;
 13. 4; 95;
 14. 31; 46.5;
 15. 2;
 16. 80;

17. 解: (1) A 组对应扇形圆心角度数为: $360^\circ \times \frac{10}{50} = 72^\circ$;

这天载客量的中位数在 B 组;

(2) 各组组中值为: A: $\frac{0+20}{2}=10$, B: $\frac{20+40}{2}=30$; C: $\frac{40+60}{2}=50$; D: $\frac{60+80}{2}=70$;

$$\bar{x} = \frac{10 \times 10 + 16 \times 30 + 18 \times 50 + 6 \times 70}{50} = 38 \text{ (人)},$$

答: 这天 5 路公共汽车平均每班的载客量是 38 人;

(3) 可以估计, 一个月的总载客量约为 $38 \times 50 \times 30 = 57000 = 5.7 \times 10^4$ (人),

答: 5 路公共汽车一个月的总载客量约为 5.7×10^4 人.

18. 解: (1) 根据题意得: $360^\circ \times (1 - 40\% - 25\% - 20\%) = 54^\circ$;

故答案为: 54° ;

(2) 根据题意得: $30000 \times \frac{800}{1500} = 16000$ (名),

则估计视力在 4.9 以下的学生约有 16000 名;

(3) 建议中学生应少看电视, 少玩游戏, 少看手机, 才能保护视力.

19. 解: (1) B

$$(2) s_B^2 = \frac{1}{10} \times [5 \times (20 - 20)^2 + 3 \times (19.9 - 20)^2 + (20.1 - 20)^2 + (20.2 - 20)^2] = 0.008,$$

又 $s_A^2 = 0.026 > s_B^2$, 在平均数相同的情况下, 因 $s_A^2 > s_B^2$, 即 B 的波动性小些, 所以 B 的成绩好些.

(3) 从图中折线走势可知, 尽管 A 前面的成绩起伏较大, 但后来的成绩逐渐稳定, 误差在逐渐减小, 在竞赛加工零件数远远超过 10 个的情况下, 预测 A 的潜力较大, 可选派 A 去参赛.

20. 解: (1) 第一小组的频率为 $1 - 0.96 = 0.04$,

第二小组的频率为 $0.12 - 0.04 = 0.08$,

$$\therefore \frac{12}{0.08} = 150 \text{ (人)},$$

$\therefore$ 这次共抽调了 150 人.

(2) 第一小组人数为 $150 \times 0.04 = 6$ (人),

第二小组人数为 $150 \times 0.08 = 12$ (人),

由于第二、三、四小组的频率比为 $4:17:15$,

故第三、四小组人数分别为 51 人和 45 人.

这次测试的优秀率为 $\frac{150-6-12-51-45}{150} \times 100\% = 24\%$.

(3) 成绩为 120 次的学生至少有 7 人.

第四讲:

1. A; 2. C; 3. C; 4. B; 5. D; 6. C.

7. 1 等 (答案不唯一); 8. $2x+3$; 9. 0.750; 10. B; 11. 0.00023;

12. $x \neq -1$;

13. $\frac{1}{b}$; 14. $1-2\sqrt{2}$; 15. $x_1=1, x_2=-\frac{2}{3}$; 16. 3; 17. $\begin{cases} x=\frac{1}{3} \\ y=\frac{1}{2} \end{cases}$; 18. $2y^2+y-1=0$.

19. (1) 计算: $\sqrt[3]{9^2} \times \sqrt{27} \div \sqrt[6]{3}$; (结果用根式的形式来表示) 解原式 $= 3^{\frac{4}{3}} \times 3^{\frac{3}{2}} \div 3^{\frac{1}{6}} = 3^{\frac{8}{3}} = 9\sqrt[3]{9}$

(2) 计算: $2\sqrt{12} - \frac{27}{\sqrt{3}} + \sqrt{3}(2-3\sqrt{3})$ 解原式 $= 4\sqrt{3} - 9\sqrt{3} + 2\sqrt{3} - 9 = -3\sqrt{3} - 9$.

20. 解: $\frac{x-1}{x} \div (x - \frac{1}{x}) = \frac{x-1}{x} \div \frac{x^2-1}{x} = \frac{x-1}{x} \times \frac{x}{(x+1)(x-1)} = \frac{1}{x+1}$

当 $x = \frac{1}{2}$ 时, 原式 $= \frac{1}{\frac{1}{2}+1} = \frac{2}{3}$

21. 解: 移项得: $\sqrt{x+3} = \sqrt{3x-2} + 1$

方程化为 $2-x = \sqrt{3x-2}$ 得 $x^2 - 7x + 6 = 0$ 解得 $x_1 = 1, x_2 = 6$;

经检验, $x_2 = 6$ 是原方程的增根, $x_1 = 1$ 是原方程的解。

22. 解方程组: $\begin{cases} x-2y+4z=12(1) \\ 3x+2y+z=1(2) \\ 4x-z=7(3) \end{cases}$

解: (1) + (2) 得: $4x+5z=13$ (4); (4) - (3) 得: $6z=6, z=1$

把 $z=1$ 代入 (3) 得: $x=2$, 把 $x=2, z=1$ 代入 (1) 得: $y=-3$

$$\text{所以原方程组的解为} \begin{cases} x=2 \\ y=-3 \\ z=1 \end{cases}$$

23. 解：设原计划 x 天完成开挖任务.

$$\frac{13.8}{x-4} - \frac{13.8-3.8}{x} = 1.3,$$

$$13x^2 - 90x - 400 = 0, \quad x_1 = -\frac{40}{13}, x_2 = 10.$$

经检验它们都是原方程的根, 但 $x = -\frac{40}{13}$ 不符合题意.

$$\text{实际平均每天开挖土石方总量为 } \frac{13.8}{10-4} = 2.3 \text{ (万立方米)}$$

答：原计划 10 天完成开挖任务, 实际平均每天开挖土石方总量为 2.3 万立方米.

24. 解：(1) $S = (10-x)[8-(x+1)] = (x^2 - 17x + 70) (\text{cm}^2)$. x 应满足的条件是：

$$0 \leq x \leq 7.$$

$$(2) S_{ABB'C'D'D} = x(x+1) + 80 \times 2 - (x^2 - 17x + 70)$$

$$= x^2 + x + 160 - x^2 + 17x - 70 = (18x + 90) (\text{cm}^2).$$

(3) 当这两个长方形没有重叠部分时, 第 (2) 小题的结论不改变.

延长 AD 、 $C'D'$ 交于点 M , 延长 AB 、 $C'B'$ 交于点 N ,

$$S_{ABB'C'D'D} = S_{ANCM} - 2S_{BNB'} = (x+10)(x+9) - 2 \times \frac{1}{2} x(x+1) = (18x + 90) (\text{cm}^2). (1 \text{ 分})$$

$\therefore$ 当这两个长方形没有重叠部分时, 第 (2) 小题的结论不改变.

第五讲：

1.A, C。

2.A。

3.C。

4.C。

5.C。

6.A。

7.B。

8.A。

9.C。

10. $x=3$ 。

11. $c>9$ 。

12. 1, 2。

13. 5。

14. $x=-1$ 。

15. 1。

16. $y^2+4y+1=0$ 。

17. $x=-2$ 。

18. $a(1+x)^2$ 。

19. 0, 1。

20. $x^2-x=0$ (答案不唯一)。

21. 4。

22. $x>6$ 。

23. $x=1$ 。

24. -4。

25. $y^2-2y+1=0$ 。

26. 2。

27. $x=-3$ 。

28. $x<3$ 。

29. $y^2-2y-1=0$ 。

30. $x=-1$ 。

31. $\therefore$ 原方程的解为 $x=3$ 或 $x=-9$ 。

32. 2001 年预计经营总收入为 1800 万元。

33. $\therefore$ 原不等式组的解集是 $\frac{3}{8} \leq x < 3$ 。

34. 所以原方程组的解为 $\begin{cases} x=2 \\ y=4 \end{cases}, \begin{cases} x=-2 \\ y=-4 \end{cases}$ 。

35. 解: ~~126214~~

由题意得 ~~$9m^2 - 6m + 1 - 8m^2 + 4m - 1 = 0$~~

解之, ~~$9m^2 - 6m + 1 - 8m^2 + 4m - 1 = 0$~~

$$m^2 - 2m = 0,$$

$\therefore m = 0$ (舍去) 或 $m = 2$ 。

则原方变为 $2x^2 - 5x + 3 = 0$,

$$\therefore x_1 = \frac{3}{2}, x_2 = 1。$$

36.解: 设原计划每天加固 x m, 则现在计划为 $x + 20$ m, 由题意可得:

$$\frac{220}{x+20} = \frac{220}{x} - 2$$

解得: $x = 140$

那么现计划为 $140 + 20 = 160$, 则 $224 - 160 = 64$

答: 每天加固的长度还要再增加 64m。

37. $\therefore$ 原方程的根为 $x_1 = \frac{-10 + 2\sqrt{10}}{5}$, $x_2 = \frac{-10 - 2\sqrt{10}}{5}$ 。

38. $\therefore$ 原方程组的解是 $\begin{cases} x_1 = -2 \\ y_1 = -5 \end{cases}$, $\begin{cases} x_2 = 1 \\ y_2 = -2 \end{cases}$ 。

39.【答案】解: 设 2003 年和 2007 年的药品降价金额分别为 x 亿元、 y 亿元。

$$\text{根据题意, 得} \begin{cases} y = 6x \\ 54 + x + 35 + 40 + y = 269 \end{cases},$$

$$\text{解方程组, 得} \begin{cases} x = 20 \\ y = 120 \end{cases}。$$

答: 2003 年和 2007 年的药品降价金额分别为 20 亿元和 120 亿元。

第六讲:

【正、反比例部分】

1. A;
2. B;
3. D;
4. C;
5. C;
6. B;
7. D;

8. C;

9. $y = \frac{1}{x}$

10. $S = 4n - 4 \quad (n \geq 2);$

11. -2;

12. $m < \frac{1}{2};$

13. 反比例.

14. $\frac{4}{3}$

15. (3, 6).

16. -12.

17. 设点 A 的坐标为 (x_1, y_1) , 则 $OB = x_1, AB = y_1$

在 $Rt\triangle AOB$ 中, $\angle ABO = 90^\circ$,

$$\begin{aligned}\text{所以 } S_1 &= \frac{1}{2} \times OB \cdot AB \\ &= \frac{1}{2} \times x_1 \cdot y_1 \\ &= \frac{1}{2} k;\end{aligned}$$

$$\text{同理可得 } S_2 = \frac{1}{2} k.$$

$$\text{所以 } S_1 = S_2.$$

18. 解: (1) $\because$ 直线 $y = kx$ 经过点 A $(-5, 3) \therefore 3 = -5k$

$$\therefore k = -\frac{3}{5} \quad \therefore \text{直线的解析式为 } y = -\frac{3}{5}x$$

(2) $\because k = -\frac{3}{5} < 0, \therefore y$ 随 x 的增大而减小.

$$(3) \because B \text{ 点在直线上, } x_B = 4, \therefore y = -\frac{3}{5} \times 4 = -\frac{12}{5}.$$

19. 解: (1) $\because \angle ABO = 90^\circ, \angle AOB = 30^\circ, OB = 2\sqrt{3},$

$$\therefore AB = \frac{\sqrt{3}}{3} OB = 2,$$

作 $CE \perp OB$ 于 E,

$$\because \angle ABO = 90^\circ, \therefore CE \parallel AB, \therefore OC = AC,$$

$$\therefore OE = BE = \frac{1}{2} OB = \sqrt{3}, \quad CE = \frac{1}{2} AB = 1,$$

$$\therefore C(\sqrt{3}, 1),$$

∵反比例函数 $y=\frac{k}{x}$ ($x>0$) 的图象经过 OA 的中点 C,

$$\therefore 1=\frac{k}{\sqrt{3}}, \therefore k=\sqrt{3},$$

∴反比例函数的关系式为 $y=\frac{\sqrt{3}}{x}$;

(2) ∵OB=2 $\sqrt{3}$, ∴D 的横坐标为 2 $\sqrt{3}$,

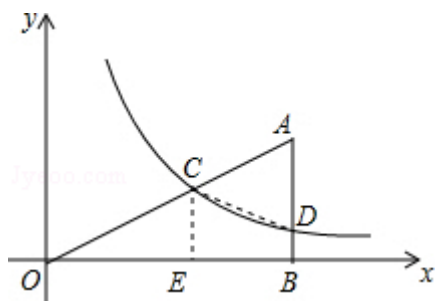
$$\text{代入 } y=\frac{\sqrt{3}}{x} \text{ 得, } y=\frac{1}{2},$$

$$\therefore D\left(2\sqrt{3}, \frac{1}{2}\right), \therefore BD=\frac{1}{2},$$

$$\because AB=2, \therefore AD=\frac{3}{2},$$

$$\therefore S_{\triangle ACD}=\frac{1}{2}AD\cdot BE=\frac{1}{2}\times\frac{3}{2}\times\sqrt{3}=\frac{3\sqrt{3}}{4},$$

$$\therefore S_{\text{四边形 CDBO}}=S_{\triangle AOB}-S_{\triangle ACD}=\frac{1}{2}OB\cdot AB-\frac{3\sqrt{3}}{4}=\frac{1}{2}\times 2\sqrt{3}\times 2-\frac{3\sqrt{3}}{4}=\frac{5\sqrt{3}}{4}.$$



20. 解: (1) 由题意得 $y+2=k(x-1)$, 将 $x=3$, $y=4$ 代入解得 $k=3$

所以 y 与 x 之间的函数关系式为 $y=3x-5$

(2) $1=3x-5$, 解得 $x=2$.

【一次函数部分】

1. A;
2. B;
3. D;
4. C;
5. C;
6. D;
7. B;

8. A;
 9. 1550;
 10. $S=4n-4$ ($n \geq 2$);
 11. $m > -2$;
 12. $m > \frac{3}{4}$;
 13. 一;
 14. $k < 0$;
 15. $b = \pm 4$;
 16. -2 ;

17. 解: (1) 设轮船的路程与时间的解析式为 $y = kt$.

$$\because \text{其过}(8, 160) \text{ 可得 } 160 = 8k,$$

$$\therefore k = 20.$$

即轮船的路程和时间的函数解析式为 $y = 20t$ ($0 \leq t \leq 8$).

设快艇的路程和时间的解析式为了 $y = k_1t + b$

$\because$ 点 $(2, 0)$, $(6, 160)$ 在图像上,

$$\therefore \begin{cases} 2k_1 + b = 0 \\ 6k_1 + b = 160 \end{cases}, \text{ 解得 } \begin{cases} k_1 = 40 \\ b = -80 \end{cases}.$$

$\therefore$ 快艇的路程与时间的关系式为 $y = 40t - 80$ ($2 \leq t \leq 6$).

(2) 轮船的速度为 20 千米/时, 快艇的速度为 40 千米/时.

(3) 快艇追上轮船时, 离起点的距离相等.

$$\therefore 20t = 40t - 80, \text{ 解得 } t = 4.$$

$$\therefore 4 - 2 = 2,$$

$\therefore$ 快艇出发 2 小时后赶上轮船.

18. 解: (1) 开始时风暴平均每小时增加 2 千米/时, 4 小时后, 风速达到 8 千米/时;
 沙尘暴经过开阔荒漠地, 风速平均每小时增加 4 千米/时, 6 小时后, 风速为 $8 + 6 \times 4 = 32$ 千米/时, 所以在 y 轴 () 内填 8, 32.

(2) 风速由 32 千米/时减小到 0, 花了 32 个小时沙尘暴从发生到结束, 共经过 $25 + 32 = 57$ 小时

(3) 将 $(25, 32)$, $(57, 0)$ 代入 $y = kx + b$, 解得 $y = -x + 57$

(4) 从第 7 个小时到 37 个小时这 30 个小时都是属于强沙尘暴持续的时间.

19. 解: (1) $\because A$ 和 P 点的坐标分别是 $(4, 0)$ 、 (x, y) ,

$$\therefore S = \frac{1}{2} \times 4 \times y = 2y.$$

$$\because x + y = 6,$$

$$\therefore y = 6 - x.$$

$$\therefore S = 2(6 - x) = 12 - 2x.$$

$\therefore$ 所求的函数关系式为: $S = -2x + 12$.

(2) 由 (1) 得 $S = -2x + 12 > 0$,

解得: $x < 6$;

又 $\because$ 点 P 在第一象限,

$\therefore x > 0$,

综上可得 x 的范围为: $0 < x < 6$.

(3) $\because S = 6$,

$\therefore -2x + 12 = 6$, 解得 $x = 3$.

$\because x + y = 6$,

$\therefore y = 6 - 3 = 3$, 即 P (3, 3).

20. 解: (1) $y_1 = x (x \geq 0)$

(2) $y_2 = 0.4x + 12 (x \geq 0)$

(3) 令 $y_1 < y_2$, 则 $x < 0.4x + 12$, $x < 20$

令 $y_1 = y_2$, 则 $x = 0.4x + 12$, $x = 20$,

令 $y_1 > y_2$, 则 $x > 0.4x + 12$, $x > 20$

所以, 当租碟少于 20 张时, 选零星租碟方式合算; 当租碟 20 张时, 两种方式一样; 当租碟大于 20 张时, 选会员卡租碟合算.

第八讲

1. (1) D (2,2) (2) $M\left(2 - \frac{2}{a}, 0\right)$ (3) $1 - \sqrt{2}$

2. (1) $y = -\frac{4}{9}(x+3)^2 + 4$ (2) $\tan \angle BPQ = \frac{4-m}{3}$ (3) 6

3. (1) $y = -x^2 + 4x - 3$; (2) $\frac{1}{2}$; (3) $\frac{3}{2}$

4. (1) $y = -\frac{1}{4}(x-4)^2 + 1$; D (4,1) (2) $\frac{1}{3}$ (3) $F_1(0,2)$, $F_2(0,-18)$

第九讲

1. (1) 证明略 (2) $y = \sqrt{x^2 - 4x + 36} (0 < x < 9)$ (3) $0 < R < \frac{36}{5}$

2. (1) 证明略; (2) 2; (3) $\frac{2}{3}$

3. (1) $\frac{40}{9}$ (2) $y = \frac{5x\sqrt{x^2 - 8x + 80}}{3x + 20} (0 < x < 10)$ (3) $\frac{16\sqrt{5}}{7}$

4. (1) $\angle AOD = 150^\circ - 2\alpha$ (2) $AD = \sqrt{3} - 1$ (3) $\frac{3\sqrt{3} + 1}{2}$

第十讲

1. (1) $y = -2x^2 + 4x$ (2) 证明略; (3) $C\left(\frac{3}{2}, \frac{3}{2}\right)$.
2. (1) $y = -x^2 + 2x + 1$ 、顶点坐标为 $P(1, 2)$ (2) $\angle P'BB' = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$
点 N 的坐标为 $N(4, -7)$ 或 $N(-2, -7)$.
3. (1) $y = -x^2 - 2x + 3$. (2) $CD = 3 - \frac{\sqrt{3}}{3}$ 或 $3\sqrt{3} - 3$.
(3) $(-1, -2)$ 或 $(-1, 4)$ 或 $(-1, \frac{3+\sqrt{17}}{2})$ 或 $(-1, \frac{3-\sqrt{17}}{2})$.
4. (1) $y = -\frac{1}{4}x^2 + \frac{1}{2}x + 2$. $x = 1$. (2) 点 F 的坐标是 $(0, -\frac{3}{4})$.
(3) 点 C 坐标是 $(\frac{8}{5}, 0)$
5. (1) $y = \frac{4}{9}x^2 - \frac{8}{3}x$, $B(3, -4)$; (2) $Q\left(\frac{33}{25}, \frac{44}{25}\right)$; (3) $m = \frac{21}{16}$

第十一讲

1. (1) 证明略; (2) $y = \frac{2\sqrt{3}x^2 - 8\sqrt{3}x}{3x - 9} (x > 4)$ (3) 线段 AE 的长为 $2\sqrt{3} + 3$.
2. (1) 证明略; (2) $t = \frac{144}{25}$. (3) $t = \frac{32}{5}$ 或 $t = \frac{36}{5}$
3. (1) $OE:CE = OE:CE = 1:2$ (2) $\sin \angle ABC = \frac{\sqrt{3}}{3}$
(3) $y = \frac{20x - 35}{7}$ (其中 $\frac{7}{4} < x < \frac{7}{2}$), $BD = \frac{112}{19}$
4. (1) $y = \sqrt{4 - 4x + 2x^2}$. ($0 \neq x$) (3) (2) $BD:CD = \frac{4}{5}$. (3) BD 的长是 1 或 $\frac{1+\sqrt{5}}{2}$.
5. (1) 证明略; (2) $y = 5 - \frac{8}{5}x$ ($\frac{25}{16} \leq x < \frac{25}{8}$); (3) $AD = \frac{70}{39}$

第12讲. 略.

第13讲.

[模块一: 方程应用].

1. 50元, 20元.

2. (i) 40克, (ii) $W = 300 - 20n$ ($0 < n < 50$, n 整数)

(2) 5400

3. 20千米/小时.

[模块2]

1. (i) $y = -\frac{1}{25}x + 60$ (ii) 24元.

2. (i) 20千米, 15千米/时, (ii) $\frac{9}{5} \leq x \leq 2$.

3. (i) $y = 4x - 10$ (ii) 3吨

4. (i) $y = -5x + 600$ ($20 \leq x \leq 100$) (ii) 60分钟.

5. (i) $x = 20$ (ii) $0 < x < 20$ (iii) $y = 5x + 100$ ($x \geq 10$)

6. (i) $y = -2x + 120$ ($10 \leq x \leq 20$) (ii) 20元.

7. (i) $y = -20x + 220$ ($4 \leq x \leq 16$) (ii) 80秒/分 (iii) 6分钟.

8. (i) ~~银~~ 银 $y = 10x + 150$, 普 $y = 20x$.

(ii) $x < 15$ — 普, $15 < x < 45$ — 银, $x > 45$ — 金.

第14讲.

[代数]

1. (2, 1)

2. 2

3. $y = x + 3$, $y = 2x + 1$ 等

4. -1 或 -4.

[几何]

1. $5 + 3\sqrt{5}$, $5 + 5\sqrt{2}$

2. 30°

3. $\sqrt{2}$.

4. $2 < d < 3$

5. 6 或 $3\sqrt{7}$.

6. $\frac{3}{2}$

[解答题]

1. 略.

2. (i) 3:1 (ii) 60° (iii) $\theta = 60^\circ$, $n = 2$.

(iv) $\theta = 72^\circ$, $n = \frac{5+1}{2}$

3. (i) 略. (ii) 96° 或 114° .

(iii) $\sqrt{6} - \sqrt{2}$.

4. (i) 略. (ii) $180^\circ - \frac{1}{2}\alpha$, $25\sin\alpha$

(iii) $(\frac{3\sqrt{3}}{2}, \frac{3\sqrt{3}}{2})$ 或 $(\frac{\sqrt{3}}{2}, -\frac{\sqrt{3}}{2})$

第15讲.

[旋转]

1. $\frac{14}{5}$

2. $\frac{20}{13}$

3. $\frac{6}{5}\sqrt{10}$

4. 1

5. 10

6. $\frac{6}{5}\sqrt{10}$

7. $2\sqrt{5}, \frac{6}{5}\sqrt{5}$

8. $3\sqrt{5}-5$

[翻折]

1. $\frac{5}{2}\sqrt{3}$

2. $\frac{5}{6}$

3. $\frac{10}{63}$

4. $\frac{24}{7}$

5. $\sqrt{194}$ 或 $26-\sqrt{194}$

6. $\frac{28}{5}\sqrt{2}, \frac{4}{5}\sqrt{2}$

7. $4\sqrt{3}, 4$

第16讲.

1. $\angle$ $AC = \sqrt{3}$ $\angle$ $\frac{BC}{OE} = \sqrt{2}$, $\angle$ $S_{\triangle ACD} = \frac{\sqrt{2}-1}{2}$

2. $\angle$ $\frac{1}{2}$ $\angle$ $\sqrt{3}$ 或 $\sqrt{2}$, $\angle$ $OD = \frac{\sqrt{2}-1}{2}$

3. $\angle$ $\angle BIC = 90^\circ + \alpha$, $\angle E = \alpha$.

$\angle$ 1 或 $\frac{1}{2}$ 或 $\frac{1}{2}$

$\angle$ $\frac{4+3\sqrt{3}}{5}m$.